

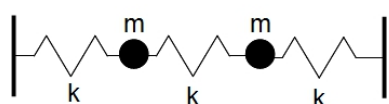
Základy fyziky (1)

Cvičenie 8

Akékoľvek otázky smelo smerujte na
juraj(a)tekel(b)gmail(c)com

Cvičenie bolo 22.11.2022

Príklad 1. Rozmyslite si, že problém dvoch telies na troch pružinkách vyzerá v reči matíc nasledovne



$$\begin{pmatrix} \ddot{x}_1 \\ \ddot{x}_2 \end{pmatrix} = -\omega_0^2 \begin{pmatrix} 2 & -1 \\ -1 & 2 \end{pmatrix} \begin{pmatrix} x_1 \\ x_2 \end{pmatrix} .$$

Nájdite vlastné čísla a vlastné vektory tejto matice a napíšte všeobecné riešenie pre pohyb tejto sústavy.

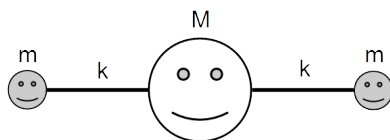
Príklad 2. V situácií z predchádzajúceho príkladu, tj. pre dve telesá na troch pružinách, nájdite explicitne riešenie pre počiatočné podmienky

$$x_1(0) = -x_0, \quad x_2(0) = \dot{x}_1(0) = \dot{x}_2(0) = 0 .$$

Príklad 3. Nájdite pohyb ťažiska sústavy z prednášky v oboch módoch pohybu. Rozmyslite si, že v oboch prípadoch platí

$$\text{súčet hmotností} \times \text{zrýchlenie ťažiska} = \text{súčet (vonkajších) síl} .$$

Príklad 4. Urobte podobnú analýzu pohybu ako na prednáške pre sústavu na obrázku.

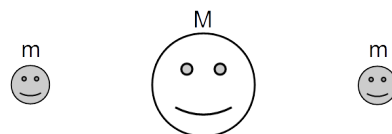


Ide o model trojatómovej molekuly.

Príklad 5. Interakcia dvoch skutočných neutrálnych atómov alebo molekúl je veľmi dobre popísaná Lennard-Jonesovim potenciálom

$$U(r) = 4\varepsilon \left[\left(\frac{\sigma}{r} \right)^{12} - \left(\frac{\sigma}{r} \right)^6 \right] .$$

- Rozmyslite si o akú interakciu ide.
- Nájdite rovnovážnu vzdialenosť častíc a efektívnu pružinovú konštantu k , ktorá popisuje malé výchylky z tejto polohy.
- Majme molekulu ako na nasledujúcom obrázku.



Interakcia molekúl m je daná jednou sadou parametrov v LJ potenciály a interakcia molekúl m a M druhou sadou. Nájdite rovnovážnu konfiguráciu tejto sústavy a možné frekvencie malých kmitov okolo tejto polohy.

- Nájdite aj zodpovedajúce módy pohybu molekúl a rozmyslite si, ako vyzerajú.